

## CAŁKI OZNACZONE.

1. Obliczyć następujące całki oznaczone w [ ] są odpowiedzi:
- a)  $\int_1^e \ln x \, dx$  [1]
  - b)  $\int_0^1 x \arctan x \, dx$   $\left[ \frac{\pi}{4} - \frac{1}{2} \right]$
  - c)  $\int_{-4}^{-2} \frac{dx}{x^2 + 6x + 10}$   $\left[ \frac{\pi}{2} \right]$
  - d)  $\int_0^1 \frac{x+1}{x^2+1} \, dx$   $\left[ \ln \sqrt{2} + \frac{\pi}{4} \right]$
  - e)  $\int_{-3}^0 \frac{2x+3}{x^2+6x+18} \, dx$   $\left[ \ln 2 - \frac{\pi}{4} \right]$
  - f)  $\int_3^6 \frac{x+1}{\sqrt{x-2}} \, dx$   $\left[ \frac{32}{3} \right]$
  - g)  $\int_0^5 \frac{2x+3}{\sqrt{x+4}} \, dx$   $\left[ \frac{46}{3} \right]$
  - h)  $\int_0^{\sqrt{2}} \frac{x \, dx}{\sqrt{1-x^4}}$   $\left[ \frac{\pi}{12} \right]$
  - i)  $\int_0^1 x^5 \sqrt{1+x^3} \, dx$   $\left[ \frac{4(\sqrt{2}+1)}{45} \right]$
  - j)  $\int_0^{\frac{\pi}{3}} \cos^3 x \sin x \, dx$   $\left[ \frac{5}{16} \right]$
  - k)  $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin^4 x \cdot \cos^3 x \, dx$   $\left[ \frac{2}{35} \right]$
  - l)  $\int_0^{\frac{\pi}{4}} \tan x \, dx$   $\left[ \ln \sqrt{2} \right]$
  - m)  $\int_0^{\frac{\pi}{4}} \tan^4 x \, dx$   $\left[ \frac{\pi}{4} - \frac{2}{3} \right]$
  - o)  $\int_1^2 \frac{e^x}{x^2} \, dx$   $\left[ e - \sqrt{e} \right]$
  - i)  $\int_1^e \frac{dx}{x\sqrt{1-\ln^2 x}}$   $\left[ \frac{\pi}{2} \right]$ .

2. Znaleźć pole figury ograniczonej krzywymi:
- a)  $y = 2x - x^2$  i  $y = x - 2$
  - b)  $y = \frac{3}{4}x^2 + 9$ ,  $y = x^2$
  - c)  $y = \frac{1}{1+x^2}$ ,  $y = \frac{x^2}{2}$
  - d)  $y = 2 - x^2$ ,  $y = \sqrt[3]{x^2}$
  - e)  $y = x$ ,  $y = \frac{1}{x}$ ,  $x = 3$
  - f)  $x \cdot y = 3$ ,  $x + y = 4$
  - g)  $y = 2 - x$ ,  $y = \sqrt{x}$ ,  $x = 0$
  - h)  $y^2 = x + 1$ ,  $y = x + 1$